ضع علامة  $\sqrt{}$  أمام كل جملة صحيحة و العلامة  $\times$  أمام كل جملة خاطئة:

- I حلى مجال F على مجال F على مجال . F على مجال . F فإن F هي الدالة المشتقة للدالة F
- الدالة:  $x \mapsto x^3 5x$  هي الدالة الأصلية الوحيدة  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  على الدالة:  $3x^2 5$
- 3 كل دالة مستمرة على مجال يمكن تعيين دالتها الأصلية.
- بانت F دالة أصلية الدالة f فإن  $F^2$  دالة أصلية الدالة f الدالة المراكبة الدالة المركبة الدالة المركبة الدالة المركبة المركبة
  - F'' هي دالة أصلية F' هي دالة أصلية الدالة F''
  - 6 كل دالة مستمرة على مجال I تقبل دالة أصلية وحيدة تنعدم عند عدد  $x_0$  من I .
    - الدالة  $\sin 2x$  هي الدالة الأصلية للدالة  $x \mapsto \sin 2x$  على  $\mathbb{R}$  على  $x \mapsto \cos 2x$
- $\mathbb{R}$  على  $X\mapsto rac{1}{X}$  الدالة  $X\mapsto rac{-1}{X^2}$  على  $X\mapsto rac{-1}{X^2}$ 
  - 9 الدالة الأصلية لدالة كثير حدود هي دالة كثير حدود.
  - $f^{(n)}$  . هي إحدى الدوال الأصلية للدالة  $f^{(n)}$ 
    - الدالة:  $x \mapsto \cos x + \sin x$  هي الدالة الأصلية  $x \mapsto \cos x + \sin x$

$$]0;+\infty[$$
 الدالة  $\frac{1}{x}$  لا تقبل دوال أصلية على المجال  $13$ 

14 - توجد دالة كثير حدود إحدى دوالها الأصلية هي نفسها.

0 الدالة  $x\mapsto x^3$  هي الدالة الأصلية التي تنعدم عند  $X\mapsto x^3$ 

 $x \mapsto 3x^2$  للدالة

الله أصلية f دالة مستمرة على مجال f فهي تقبل دالة أصلية وحيدة على هذا المجال .

17 - كل دالة معرفة على مجال I تقبل دالة أصلية على I.

ا تقبل دوال أصلية [a;b] على المجال المبال دوال أصلية -18

على [a;b] على

 $x\mapsto \left(x^2+1
ight)^2$  الدوال الأصلية للدالة  $k\in\mathbb{R}$  ،  $x\mapsto rac{1}{3}\left(x^2+1
ight)^3+k$ 

: الدوال الأصلية للدالة  $\sum_{i=0}^{n}a_{i}x^{i}$  هي الدوال -20

$$X \mapsto \sum_{i=0}^{n} \frac{a_i}{i+1} x^{i+1} + k$$

f عين الدو الf الأصلية للدالة في كل مما يلي معينا مجال الدراسة:

1) 
$$f(x) = 2x - 1$$

2) 
$$f(x) = x^2 - 4x + 3$$

3) 
$$f(x) = -3x^3 + 5x^2 - 4$$

4) 
$$f(x) = x^4 - x^3$$

$$5) f(x) = \frac{4}{x^2}$$

6) 
$$f(x) = \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^3}$$

7) 
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$$8) f(x) = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$$

$$9) f(x) = \cos^2 x - \sin^2 x$$

$$10) f(x) = \frac{\sin 2x}{\cos^3 x}$$

التمرين3

عين الدوال الأصلية للدالة f في كل مما يلى معينا مجال الدر اسة

1) 
$$f(x) = x^2(x^3 + 1)^2$$

1) 
$$f(x) = x^2(x^3+1)^2$$
 2)  $f(x) = (x+1)(x^2+2x-1)^3$ 

3) 
$$f(x) = \frac{x}{(x^2+1)^2}$$

4) 
$$f(x) = \frac{x-1}{(x^2-2x+4)^3}$$

$$5) f(x) = \frac{x^3}{\sqrt{x^4 + 1}}$$

6) 
$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 - 1}}$$

$$7) f(x) = \frac{1}{2} \cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$8) f(x) = \cos 2x - \sin 3x$$

$$9) f(x) = \sin x \cdot \cos^3 x$$

$$10) f(x) = \cos 2x \cdot \sin 2x$$

$$F(0)=0$$
 عين الدالة الأصلية  $F$  للدالة  $F$  على المجال التي تحقق في كل حالة مما يلي :

1) 
$$f(x) = sim\frac{x}{2} + cos\frac{x}{2}$$
 2)  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$   
 $I = \mathbb{R}$   $I = ]-1;+$   
3)  $f(x) = \frac{1}{(x-2)^3}$  4)  $f(x) = x^n-1$ ;

3) 
$$f(x) = \frac{1}{(x+2)^3}$$

$$1 = \left[ -\infty; -2 \right]$$

$$5) f(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$\cos^2 x$$

$$I = \left[ -\pi \cdot \pi \right]$$

$$I=]-\infty;-2[$$

$$I = \left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right[$$

$$\mathbf{I}=\mathbb{R} \cdot n \in \mathbb{N}$$

7)  $f(x) = \sin x \cdot \cos^n x$ 

$$2) f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$$

4) 
$$f(x) = x^n - 1$$
;  $n \in \mathbb{N}$ 

$$I=\mathbb{R}$$

6) 
$$f(x) = x+1-\frac{1}{(x+1)^2}$$

$$I=]-1;+\infty[$$

8) 
$$f(x) = \frac{1}{(x+2)^2} + \frac{1}{(x+2)^3}$$

$$I=]-\infty;-2[$$

### التمرين 5

$$f(x) = \sin^3 x$$
: نعتبر الدالة

- . f للدالة F عين الدو ال الأصلية
- ستنتج الدالة الأصلية H للدالة f و التي تأخذ القيمة 2 من fx=0

نعتبر الدالة f المعرفة بالعبارة:

$$f(x) = \frac{x^3 - 3x}{\left(x - 1\right)^2}$$

- . f عين  $D_f$  مجموعة التعريف للدالة
- بین أنه من أجل كل عدد x من أبين أنه من أجل كل عدد (2

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{(x-1)^2}$$

حيث a و b و c أعداد حقيقية يطلب تعيينها.

- .]1;+ $\infty$ مين الدوال الأصلية F للدالة f على (3
  - x=2 استنتج الدالة الأصلية H التي تتعدم عند (4

$$[1;+\infty[$$
 للدالة  $f$  على

#### التمرين7

$$g(x) = \sqrt{3-2x}$$
 :ادرس تغیر ات الدالة  $g$  حیث (1

نعتبر الدالة f حيث: (2

$$lpha$$
 عين الأعداد الحقيقية  $f(x)=(lpha x^2+eta x+\gamma)\sqrt{3-2x}$  و  $eta$  بحيث تكون  $f$  دالة أصلية للدالة  $g$  على المجال  $f$  3 حيث  $f$  2 حيث  $f$  2 حيث  $f$  3 حيث  $f$  3 حيث أحداد الحقيقية  $f$  2 حيث أحداد الحيث أحدا

 $-\infty$ ;  $\frac{3}{2}$ 

g أنشئ التمثيل البياني للدالة

 $f(x) = \sin x + \sin^3 x$ : f نعتبر الدالة

$$f''(x)$$
 و  $f'(x)$  احسب (1

بین أنه یوجد عددان حقیقیان lpha و eta بحیث من أجل كل عدد  $f''(x) + lpha f(x) = eta \sin x$  : فإن x فإن

 $\mathbb{R}$  استتج الدوال الأصلية F للدالة على 3

$$H\left(rac{\pi}{2}
ight)=1$$
 : بحيث  $f$  للدالة  $H$  للدالة الأصلية  $H$  استنتج الدالة الأصلية الأصلية المالة  $H$ 

#### التمرين 9.

 $\mathbb{R}$  دالة فردية و مستمرة على F .  $\mathbb{R}$  دالة أصلية للدالة f على G(x)=F(x)-F(-x) دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي: G(x)=F(x) دالة ثابتة على  $\mathbb{R}$  .  $\mathbb{R}$ 

#### التمرين10.

. 
$$f(x) = \frac{x^2+1}{x^2+x+1}$$
 : العبارة  $\mathbb{R}_+$  بالعبارة  $f$ 

. تمثيلها البياني (C)

 $\mathbb{R}_+$  على على الدالة f على -1

بین أن (C) یقبل مستقیما مقاربا. -2

و التي تتعدم f الدالة الأصلية للدالة f على f الدالة الأصلية للدالة f موجودة.

. F استنتج اتجاه تغیر الداله -4

K و K كما يلي: الدالتان الدالتان H و K كما يلي: H http://www.onefd.edu.dz

$$H(x) = F(x) - x \quad \text{if } K(x) = F(x) - \frac{2}{3}x$$

- $\mathbb{R}_+$  ادرس اتجاه تغير الدالتان H و K على  $\mathbb{R}_+$ 
  - $x \ge 0$  استنتج أنه من أجل كل عدد x حيث -

$$\frac{2}{3}x \le F(x) \le x$$
 فإن

- $\lim_{x\to +\infty} F(x)$  -
- $\cdot$  R في  $\alpha$  نقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في  $F(x)=\pi$  في -6

$$\pi \leq lpha \leq rac{3}{2}\pi$$
 - بین أن:  $\pi \leq lpha \leq rac{3}{2}$ 

$$y' = x^2 + \frac{1}{(x+1)^2}...(1)$$
 : is it is it is it is it.

- عين حلا للمعادلة التفاضلية (1).
- . x = 0 استنتج الحل الذي ينعدم من أجل -
  - . f عين الدالة y=f(x)
    - f ادر س تغير ات الدالة f
- (C) الموروع المنتقيمات المقاربة للمنحنى الممثل لتغير الله الدالة f.
- . f(-2), f(0), f(2), f(1) : بعد حساب (C) بعد حساب

### التمرين12.

عين الحل الذي يأخذ القيمة 1 من أجل x=2 للمعادلة التفاضلية:

$$X \in \mathbb{R}$$
 حيث  $y' = \frac{x+1}{\sqrt{x^2 + 2x + 8}}$ 

- . f ادرس اتجاه تغیر الداله y بوضع: y
- الممثل (C) الممثل المنافروع اللانهائية والمستقيمات المقاربة للمنحنى المثل التغير التf.
- f(-5), f(-4), f(-2), f(3), f(2), f(0) احسب كل من f(-5), f(-4), f(-2), f(3), f(2), f(0) القيم مدورة إلى f(-5), f(-2), f(3), f(2), f(0)

$$\times$$
 (4  $\times$  (3  $\times$  (2  $\sqrt{\phantom{a}}$  (1

$$\times$$
 (8  $\times$  (7  $\times$  (6  $\sqrt{\phantom{a}}$  (5

$$\sqrt{\phantom{0}}$$
 (12  $\sqrt{\phantom{0}}$  (11  $\times$  (10  $\sqrt{\phantom{0}}$  (9

$$\times$$
 (16  $\sqrt{\phantom{0}}$  (15  $\sqrt{\phantom{0}}$  (14  $\times$  (13

$$\sqrt{\phantom{0}}$$
 (20  $\times$  (19  $\sqrt{\phantom{0}}$  (18  $\times$  (17

# التمرين 2

تعيين الدوال الأصلية:

$$D_f = \mathbb{R}$$
 : و منه  $f(x) = 2x - 1$  الدينا (1

$$F(x) = x^2 - x + k$$
,  $k \in \mathbb{R}$ 

$$D_f = \mathbb{R}$$
 : و منه  $f(x) = x^2 - 4x + 3$  : ادینا (2

$$F(x) = \frac{x^3}{3} - 2x^2 + 3x + k$$
,  $k \in \mathbb{R}$ 

$$D_f = \mathbb{R}$$
 : و منه  $f(x) = -3x^3 + 5x^2 - 4$  : لدينا (3

$$F(x) = -\frac{3}{4}x^4 + \frac{5}{3}x^3 - 4x + k$$
;  $k \in \mathbb{R}$ 

$$D_f = \mathbb{R}$$
 : و منه  $f(x) = x^4 - x^3$  : لدينا (4

$$F(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 + k$$
;  $k \in \mathbb{R}$ 

$$D_f = \mathbb{R}^*$$
 : و منه  $f(x) = \frac{4}{x^2}$  : لدينا (5

الدالة f مستمرة على كل من المجالين  $[0;\infty-[e]]$ و عليه تقبل دوال أصلية F على كل منهما معرفة بالعبارة:

$$F(x) = \frac{-4}{x} + k; k \in \mathbb{R}$$

$$D_f = \mathbb{R}^* :$$
 و منه  $f(x) = \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^3} :$  لاينا (6

الدالة f هي مجموع دالتين ناطقتين فهي مستمرة على مجموعة التعريف و عليه فهي دو ال أصلية على كل من المجالين :

$$]0;+\infty$$
 أو  $]0;+\infty$  أو  $]-\infty;0$ 

$$F(x) = \frac{-1}{x} + \frac{1}{2x^2} + k \quad , k \in \mathbb{R}$$

$$D_f = \mathbb{R}_+^*$$
: و منه  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$ : ادینا (7

الدالة f هي مقاوب دالة صماء مستمرة و عليه فهي مستمرة على  $D_{\epsilon}$  منه تقبل دو ال أصلية F حيث :

$$F(x) = 2\sqrt{x} + k \quad ; \ k \in \mathbb{R}$$

$$D_f = ]1; +\infty[ : e \text{ otherwise}]$$
  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$  (8)

الدالة f مستمرة لأنها مقلوب مركب دالتين مستمرتين و عليه تقبل  $F(x) = 2\sqrt{x-1} + k$  ;  $k \in \mathbb{R}$  حيث : حيث

$$D_f = \mathbb{R}$$
 : و منه  $f(x) = \cos^2 x - \sin^2 x$  (9

F الدالة f مستمرة على  $\mathbb R$  و عليه تقبل دو ال أصلية

$$f(x) = \cos 2x$$
 و لدينا:

$$F(x) = \frac{1}{2}\sin 2x + k \quad ; \quad k \in \mathbb{R} \quad : \text{ منه}$$

$$f(x) = \frac{\sin 2x}{\cos^3 x}$$
 لدينا: (10

$$D_f = \left\{ x \in \mathbb{R} : \cos x \neq 0 \right\} :$$
 ومنه

$$x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$  إذن:

$$D_f = \left[ \frac{\pi}{2} + k\pi ; \frac{\pi}{2} + (k+1)\frac{\pi}{2} \right], k \in \mathbb{R} : j$$

و عليه f مستمرة على  $D_f$  لأنها حاصل قسمة مركب دوال مثلية

F و كثير ات حدود تقبل دو ال أصلية

$$f(x) = \frac{2\sin x \cdot \cos x}{\cos^3 x} = \frac{2\sin x}{\cos^2 x} = -2 \cdot \frac{-\sin x}{\left[\cos x\right]^2}$$
 : د لدينا

$$F(x) = -2 \times \frac{-1}{\cos x} + k$$
 : و منه

$$F(x) = \frac{2}{\cos x} + k$$
 : إذن

# التمرين 3

تعيين الدوال الأصلية للدالة f في كل مما يلي:

$$D_f = \mathbb{R}$$
 و منه:  $f(x) = x^2 (x^3 + 1)^2$  و منه:  $f(x) = \frac{1}{3} . 3x^2 (x^3 + 1)^2$ 

$$F(x) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} (x^3 + 1)^3 + k$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$ 

$$F(x) = \frac{1}{9}(x^3 + 1)^3 + k$$
 : يأ  $D_f = \mathbb{R}$  :  $2) f(x) = (x+1)(x^2 + 2x - 1)^3$  : الدينا (2  $f(x) = \frac{1}{2} \cdot (2x+2)(x^2 + 2x - 1)^3$  : الدينا (2  $f(x) = \frac{1}{2} \cdot (2x+2)(x^2 + 2x - 1)^3$  : الدينا (3  $F(x) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4}(x^2 + 2x - 1)^4 + k$  ;  $k \in \mathbb{R}$  : يأ  $F(x) = \frac{1}{8}(x^2 + 2x - 1)^4 + k$  ;  $k \in \mathbb{R}$  : يأ  $F(x) = \frac{1}{8}(x^2 + 2x - 1)^4 + k$  ;  $f(x) = \frac{x}{(x^2 + 1)^2}$  : الدينا (3  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{2x}{(x^2 + 1)^2}$  : الدينا (4  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{2x - 2}{(x^2 - 2x + 4)^3}$  : الدينا (4  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{2x - 2}{(x^2 - 2x + 4)^2}$  : الدينا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{4x^3}{(x^4 + 1)^2}$  : المنيا (5  $f(x) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 

http://www.onefd.edu.dz

$$F(x) = \frac{1}{4} \times \sqrt{x^4 + 1} + k$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$  : الإذن

$$D_f = ]-\infty; -1[\bigcup]-1; +\infty[$$
 :  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 - 1}}$  : لاينا (6

$$f(x) = \frac{2x}{2\sqrt{x^2 - 1}} : 0$$

. 
$$F(x) = \sqrt{x^2 - 1} + k$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$  : إذن

$$D_f = \mathbb{R}$$
 :  $f(x) = \frac{1}{2} \cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right)$  : لدينا (7

$$g(x) = \frac{1}{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{2}\right) + \lambda$$
 ;  $\lambda \in \mathbb{R}$  : إذن

$$D_f = \mathbb{R}$$
 :  $f(x) = \cos 2x - \sin 3x$  : لدينا (8

$$F(x) = \frac{1}{2}\sin 2x + \frac{1}{3}\cos 3x + k$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$  : إذن

$$D_f = \mathbb{R}$$
 :  $f(x) = \sin x.\cos^3 x$  : لدينا (9

$$F(x) = \frac{1}{4}\cos^4 x + k$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$  : إذن

$$D_f = \mathbb{R}$$
 !  $f(x) = \cos 2x \cdot \sin 2x$  : لاينا (10

$$f(x) = \frac{1}{2} \times 2 \sin 2x \cdot \cos 2x$$
 و منه :

$$f(x) = \frac{1}{2}\sin 4x : \text{align}$$

$$F(x) = \frac{-1}{2} \times \frac{1}{4} \cos 4x + k$$
 : إذن  $\cot x = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \cos 4x + k$  المقوق محفوظة

$$F(x) = \frac{-1}{8}\cos 4x + k$$
 ;  $k \in \mathbb{R}$  :

تعيين الدوال الأصلية:

$$I=\mathbb{R}$$
 :  $f(x) = \sin\frac{x}{2} + \cos\frac{x}{2}$  : لاينا (1

$$g(x) = \frac{-1}{\frac{1}{2}}\cos\frac{x}{2} + \frac{1}{\frac{1}{2}}\sin\frac{x}{2} + \lambda :$$

$$\vdots$$

$$g(x) = -2\cos\frac{x}{2} + 2\sin\frac{x}{2} + \lambda \quad : j$$

$$\lambda=2$$
 :  $g(0)=0$  کن  $g(0)=0$  کن ومنه

$$g(x) = -2\cos{\frac{x}{2}} + 2\sin{\frac{x}{2}} + 2$$
 إذن:

$$I=]-1;+\infty[ \quad : \quad f(x)=\frac{1}{\sqrt{x+1}} \quad : \quad (2)$$

$$f(x) = 2 \times \frac{1}{2\sqrt{x+1}}$$
 : و منه

$$g(x) = 2\sqrt{x+1} + \lambda$$
 إذن :

$$\lambda=-2$$
 : أي  $2+\lambda=0$  ومنه  $g(0)=0$  : كن

. 
$$g(x) = 2\sqrt{x+1} - 2$$
 : إذن

$$I = ]-\infty; -2[$$
 :  $f(x) = \frac{1}{(x+2)^3}$  : Light (3)

$$g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \lambda :$$
إذن

http://www.onefd.edu.dz

$$\lambda = \frac{1}{8} : g(x) = \frac{1}{8} + \lambda = 0 : \text{ a.s. } g(0) = 0 : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{1}{8} : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{1}{8} : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{1}{8} : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{1}{8} : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{1}{8} : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{1}{8} : \text{ i.s. } g(x) = \frac{-1}{2(x+2)^2} + \frac{-1$$

 $f(x) = -1 \times (-\sin x)(\cos x)^n$ : ومنه بالمتوق مموظه

$$g(x) = \frac{-1}{n+1} \cos^{n+1} x + k \quad : \quad |$$

$$k = \frac{-1}{n+1}$$
 این:  $g(0) = 0$  و منه:  $g(0) = 0$ 

$$g(x) = \frac{-1}{n+1} \cos^{n+1} x + \frac{1}{n+1}$$
 : إذن

$$I=]-\infty$$
;  $-2[$  :  $f(x)=\frac{1}{(x+2)^2}+\frac{1}{(x+2)^3}$  :  $(8)$ 

$$k = \frac{5}{8}$$
 نکن:  $g(0) = 0$  و منه:  $g(0) = 0$  اکن:  $g(x) = \frac{-1}{2} - \frac{1}{8} + k = 0$  و منه:  $g(x) = \frac{-1}{n+2} - \frac{1}{2(n+2)^2} + \frac{5}{8}$  : ياذن

$$f$$
 تعيين الدو ال الأصلية للدالة  $f$ 

$$sin^3 x = sin x.sin^2 x = sin x(1 - cos^2 x)$$
 : لدينا

$$f(x) = \sin x - \sin x \cdot \cos^2 x$$
 : وعليه

$$g(x) = -\cos x + \frac{1}{3}\cos^3 x + k$$
 إذن :

$$h(x) = -\cos x + \frac{1}{3}\cos^3 x + k \quad : \frac{1}{3}\cos^3 x + k \quad : 2$$

$$k = \frac{2}{3}$$
 :  $h(0) = 2$  مع  $h(0) = 2$ 

http://www.onefd.ed(
$$x$$
) =  $-\cos x + \frac{1}{3}\cos^3 x + \frac{2}{3}$ 

$$D_f = \mathbb{R} - \{1\}$$
 : مجموعة التعريف - 1 - مجموعة  $a,b,c$  : عبين - 2

$$f(x) = \frac{(ax+b)(x^2-2x+1)+c}{(x-1)^2}$$

$$= \frac{ax^3-2ax^2+ax+bx^2-2bx+b+c}{(x-1)^2}$$

$$= \frac{ax^3+(-2a+b)x^2+(a+2b)x+b+c}{(x-1)^2}$$

$$\begin{cases} a=1\\b=+2\\c=-2 \end{cases} \begin{cases} a=1\\-2a+b=0\\a-2b=-3\\b+c=0 \end{cases} : ab = 0$$

$$f(x) = x+2-\frac{2}{(x-1)^2} : ab = 0$$

$$= ax^3+(-2a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x^2+(a+2b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+b)x+b+c$$

$$= ax^3+(a+$$

$$f(x) = x + 2 - \frac{2}{(x-1)^2}$$
 : عليه

3 - تعيين الدوال الأصلية **g**:

$$f(x) = x + 2 - \frac{2}{(x-1)^2}$$

$$\lambda \in \mathbb{R}$$
 :  $g(x) = \frac{1}{2}x^2 + 2x + \frac{2}{x-1} + \lambda$  : و منه :  $h(2) = 0$  : حيث  $h$  حيث  $-4$  لدينا :  $h(x) = \frac{1}{2}x^2 + 2x + \frac{2}{x-1} + \lambda$  : لدينا

http://www.onefd.edu.dz

$$h(2) = \lambda + 8$$
 :  $h(2) = 2 + 4 + 2 + \lambda$  : و منه :  $\lambda = -8$  و منه :  $\lambda + 8 = 0$  : إذن :  $h(x) = \frac{1}{2}x^2 + 2x + \frac{2}{x-1} - 8$ 

$$D_f = \left[ -\infty \; ; \; rac{3}{2} 
ight] \; : \; g$$
 در اسة تغير ات  $-1$ 

$$\lim_{\substack{x < 3 \\ x \to \frac{1}{2}}} g(x) = 0 \quad : \quad \lim_{x \to -\infty} g(x) = \lim_{x \to -\infty} \sqrt{3 - 2x} = +\infty$$

$$g'(x) = \frac{-2}{2\sqrt{3-2x}} = \frac{-1}{\sqrt{3-2x}}$$

$$-\infty; \frac{3}{2}$$
 و عليه  $g$  متناقصة تماما على المجال  $g'(x) < 0$ 

X	$-\infty$ $\frac{3}{2}$
g'(x)	V V.
g(x)	+∞0

 $: \alpha, \beta, \gamma :$  تعبين -2

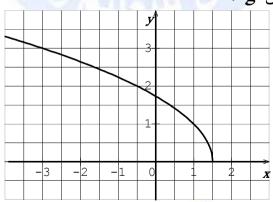
: دالة أصلية للدالة 
$$g$$
 تكافئ و $f'(x)=g(x)$  و لدينا  $f$ 

$$f'(x) = (2\alpha x + \beta)\sqrt{3-2x} + (\alpha x^2 + \beta x + \gamma) \times \frac{-2}{2\sqrt{3-2x}}$$

$$= (2\alpha x + \beta)\sqrt{3-2x} - (\alpha x^2 + \beta x + \gamma)\frac{\sqrt{3-2x}}{3-2x}$$

$$f(x) = \left(\frac{2}{3}x - 1\right)\sqrt{3 - 2x} : \text{ais}$$

3 - إنشاء بيان



$$f'(x) = \cos x + 3\cos x \sin^{2} x \quad \text{لاينا :}$$

$$f'(x) = \cos x (3 + \sin^{2} x) \quad \text{ (a. )}$$

$$f''(x) = \cos x (3 + \sin^{2} x) \quad \text{ (a. )}$$

$$f''(x) = \sin x (3 + \sin^{2} x) + \cos x (2\cos x \sin x)$$

$$f''(x) = \sin x \left[ -3 - \sin^{2} x + 2\cos^{2} x \right]$$

$$f''(x) + \alpha f(x) = \beta \sin x \quad \text{(f. )}$$

$$f''(x) + \alpha f(x) = \beta \sin x \quad \text{(f. )}$$

$$f''(x) + \alpha f(x) = \beta \sin x \quad \text{(f. )}$$

$$f''(x) + \alpha f(x) = \beta \sin x \quad \text{(f. )}$$

$$f''(x) + \alpha f(x) = \beta \sin x \quad \text{(f. )}$$

$$f''(x) + \alpha f(x) = \beta \sin x \quad \text{(f. )}$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin x \cos^{2} x + \alpha \sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x = \beta \sin x$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin x \cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin x \cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin x \cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin x \cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin x \cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f(x) = \sin^{3} x + 2\sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \beta \sin x = 0$$

$$f''(x) + 3\cos^{3} x + \alpha \sin^{3} x + \alpha$$

$$H\left(rac{\pi}{2}
ight)=1$$
: حيث  $H$  حيث  $H\left(x
ight)=rac{1}{3}\left(\cos x+\cos x\sin^2 x
ight)+k$ : لاينا  $H\left(rac{\pi}{2}
ight)=rac{1}{3}\left(\cos x+\cos x\sin^2 x
ight)+k$ : ومنه  $H\left(rac{\pi}{2}
ight)=rac{1}{3}\left(\cos rac{\pi}{2}+\cos rac{\pi}{2}\sin^2 rac{\pi}{2}
ight)+k$ : كن  $H\left(rac{\pi}{2}
ight)=1$ : كن  $H\left(rac{\pi}{2}
ight)=1$ : وعليه  $H\left(x
ight)=rac{1}{3}\cos x\left(1+\sin^2 x
ight)+1$ : وعليه  $H\left(x
ight)=rac{1}{3}\cos x\left(1+\sin^2 x
ight)+1$ : والمناه

 $\mathbb{R}$  :  $\mathbb{R}$  دالة ثابتة على G

$$G(x) = F(x) - F(-x)$$
: لدينا

$$F'(x)=f(x)$$
 و لدينا :  $F$  دالة أصلية للدالة  $f$  و منه :  $F$  دالة أصلية للدالة  $f(-x)=f(x)$  فردية فإن :  $F'(x)=f(x)$  لدينا :  $F'(x)=f(x)$ 

$$G'(x) = F'(x) + F'(-x)$$

$$G(x) = f(x) + f(-x)$$

$$G'(x) = f(x) - f(x) = 0$$

و علیه : 
$$\lambda$$
 عدد ثابت.  $G(x) = \lambda$  عدد ثابت.

:  $\mathbb{R}_+$  على -1

$$\lim_{x \to 0} f(x) = 1 : الدينا f'(x) = \frac{\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2}{x^2} = 1 : |$$

$$f'(x) = \frac{2x(x^2 + x + 1) - (2x + 1)(x^2 + 1)}{(x^2 + x + 1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{2x^3 + 2x^2 + 2x - 2x^3 - 2x - x^2 - 1}{(x^2 + x + 1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{x^2 - 1}{(x^2 + x + 1)^2}$$

X	0	Put	1	10	+∞
f'(x)		-	Ò	1 +	7

[0;1] و متناقصة تماما على  $[1;+\infty]$  و متناقصة تماما على f منذ و منه التغير ات f

X	0	1	+∞
f'(x)	_	<b>\( \)</b>	+
f(x)	1	$\frac{2}{3}$	1

: نبین أن (C) يقبل مستقيم مقارب –2

بما أن : f(x)=1 فإن y=1 فإن  $\lim_{x\to y} f(x)=1$  بما أن : http://www.onefd.edu.dz

F نبين أن F موجودة وبما أنها دالة ناطقة فهي مستمرة على مجموعة تعريفها وعليه فهي مستمرة على  $\mathbb{R}_+$  و منه f تقبل دالة أصلية F و هذه الدالة وحيدة لأنها تأخذ القيمة 0 عند 0- استنتاج تغير الدالة F:

$$f(x) = rac{x^2 + 1}{x^2 + x + 1}$$
 : حيث  $F'(x) = f(x)$  : لدينا  $F'(x) > 0$  : وعليه  $\frac{2}{3} \le f(x) \le 1$  : كن  $F$ متز ايدة تماما على  $F(x) = f(x)$  : ومنه  $F(x) = f(x)$ 

نراسة اتجاه تغير H -5

$$f(x) \ge \frac{2}{3}$$
 لدينا:  $F'(x) - \frac{2}{3} = f(x) - \frac{2}{3}$  لكن  $H'(x) = F'(x) - \frac{2}{3} = f(x) - \frac{2}{3}$  و منه:  $H'(x) \ge 0$  وعليه  $H$  متز ايدة تماما على

در اسة اتحاه تغير k:

$$f(x) \le 1$$
 :  $K'(x) = F'(x) - 1 = f(x) - 1$ 

 $\mathbb{R}_+$  و عليه K متناقصة تماما على  $K'(x) \leq 0$ 

$$\frac{2}{3}x \le F(x) \le x$$
: استنتاج أن

$$f(x) \le 1$$
 :لدينا  $f(x) \ge \frac{2}{3}$  دينا

$$\frac{2}{3}x \le F(x) \le x$$
 إذن:  $F(x) \le x$ 

- استنتاج النهاية:

$$\lim_{x \to 1} F(x) = +\infty$$
: و عليه  $\lim_{x \to +\infty} \frac{2}{3} x = \lim_{x \to +\infty} x = +\infty$  الدينا:  $\lim_{x \to 1} F(x) = +\infty$  الدينا: عليه الحقوق محقولة الم

: 
$$\mathbb{R}_+$$
  $\alpha$  في  $\alpha$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في  $\alpha$  نقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في  $\alpha$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في  $\alpha$  مستمرة و متز ايدة تماما على  $\alpha$  و بما أن  $\alpha$  فإن يوجد عدد وحيد  $\alpha$  بحيث  $\alpha$  بحيث  $\alpha$  بحيث غلر بة القبم المتوسطة

$$\pi \leq lpha \leq rac{3}{2}\pi$$
 نبين أن $\pi \leq lpha \leq rac{3}{2}\pi$ 

$$\frac{2}{3}\left(\frac{3\pi}{2}\right) \le F\left(\frac{3\pi}{2}\right) \le \frac{3\pi}{2}$$
 : حيث  $\frac{2}{3}\pi \le F(\pi) \le \pi$  : لدينا  $F(\pi) \le \pi \le F\left(\frac{3\pi}{2}\right) \le \pi$  إذن  $\pi \le F\left(\frac{3\pi}{2}\right) \le \frac{3\pi}{2}$  : ومنه  $\pi \le F\left(\frac{3\pi}{2}\right) \le \frac{3\pi}{2}$ 

وعليه  $\alpha \leq \frac{3\pi}{2}$  حسب نظرية التزايدات المنتهية.

## التمرين 11

- حل المعادلة التفاضلية هو:

$$y = \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x+1} + \lambda \qquad ; \quad \lambda \in \mathbb{R}$$

: 
$$f(0) = 0$$
 حيث  $f$  لحل  $f$ 

$$f(0) = 0$$
 : equal is  $f(x) = \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x+1} + \lambda$  : lexis

$$\lambda = 1$$
 ومنه :  $0 = -1 + \lambda$  فإن

$$f(x) = \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x+1} + 1$$
 : e also

: f التغيرات للدالة -

$$D_f = ]-\infty; -1[\ \cup\ ]-1; +\infty[$$
 جميع الحقوق محفوظة (C) جميع الحقوق محفوظة

$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x+1} + 1 = -\infty$$

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x+1} + 1 = +\infty$$

$$\lim_{x \to -1} f(x) = -\infty \qquad \lim_{x \to -1} f(x) = +\infty$$

$$f'(x) = x^2 + \frac{1}{(x+1)^2}$$

f'(x)>0 الدینا:  $D_f$  من أجل كل عدد X من أجل

 $]-\infty;-1[$ و  $]-1;+\infty[$ و المجالين:  $]-1;+\infty[$ و المجالين: f

X		-1	8
f'(x)	+	+	
f(x)		8	+∞

- در اسة الفروع اللانهائية و المستقيمات المقاربة:

 $x\!=\!-\!1$ : لدينا أربعة فروع لانهائية و مستقيم مقارب معادلته

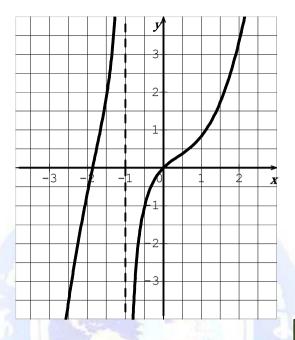
$$\lim_{|x|\to+\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{|x|\to+\infty} \frac{x^2}{3} - \frac{1}{X(x+1)} + \frac{1}{X} = +\infty :$$
و لدينا

 $+\infty$  عند التراتيب عند  $+\infty$  وعليه  $+\infty$  يقبل فرعا مكافئا باتجاه محور التراتيب عند  $+\infty$  و آخر عند  $+\infty$ 

$$f(-2) = \frac{-2}{3}$$
  $f(2) = \frac{10}{3}$   $f(1) = \frac{5}{6}$   $f(C) = \frac{10}{6}$ 

http://www.onefd.edu.dz 

• f(0) = 0جمیع الحقوق محفوظة و



 $: \; f$  تعيين

$$y' = \frac{2x+2}{2\sqrt{x^2+2x+8}}$$
: و منه  $y' = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+2x+8}}$ : لدينا

$$y' = rac{g'(x)}{2\sqrt{g(x)}}$$
 : وهي من الشكل

$$c \in \mathbb{R}$$
 :  $y = \sqrt{g(x)} + c = \sqrt{x^2 + 2x + 8} + c$  : وعليه  $c \in \mathbb{R}$  :  $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 8} + c$  : إذن

$$\sqrt{(2)^2 + 2(2) + 8 + c} = 1$$
 : وعليه  $f(2) = 1$  : لكن

$$c\!=\!-\!3$$
 : أي  $4+c\!=\!1$ 

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 8} - 3 :$$
و عليه  $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 8} - 3$ 

http://www.onefd.edu.dz

: 
$$f$$
 در اسة تغير ات $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$   $D_f=$ 

$$f'(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+2x+8}}$$

إشارة المشتق:

X	-8	1-		+∞
f'(x)	_		+	

إذن الدالة متز ايدة تماما على المجال  $\infty+;1-$ و متناقصة تماما على  $-\infty-$ 

#### - جدول التغير ات:

X	-∞	- 1	+∞
f'(x)	1		+3
f(x)	+∞	f(-1)	+∞

$$f(-1) \approx -0.35$$
 :  $f(-1) = \sqrt{7} - 3$ 

- دراسة الفروع اللانهائية والمستقيمات المقاربة يوجد فرعان لانهائيان:

$$\lim_{X \to +\infty} \frac{f(X)}{X} = \lim_{X \to +\infty} \frac{\sqrt{X^2 \left(1 + \frac{2}{X} + \frac{8}{X^2}\right)}}{X} - \frac{3}{X}$$
http://www.onefd.edu.dz

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{x}{x} \sqrt{1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}} - \frac{3}{x}$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \sqrt{1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}} - \frac{3}{x} = 1$$

$$\lim_{x \to +\infty} \left[ f(x) - x \right] = \lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + 2x + 8} - 3 - x$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{\left[ \sqrt{x^2 + 2x + 8} - (x + 3) \right] \left[ \sqrt{x^2 + 2x + 8} + (x + 3) \right]}{\left[ \sqrt{x^2 + 2x + 8} + x + 3 \right]}$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{\left( x^2 + 2x + 8 \right) - (x + 3)}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} + x + 3}$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 + 2x + 8 - x^2 - 6x - 9}{x \left[ \sqrt{1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}} + 1 + \frac{3}{x} \right]}$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{x \left[ -4 - \frac{1}{x} \right]}{x \left[ \sqrt{1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}} + 1 + \frac{3}{x} \right]} = -2$$

. + $\infty$  عليه : y=x-2 هي معادلة مستقيم مقارب مائل عند

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \to -\infty} \frac{\sqrt{x^2 \left(1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}\right)}}{x} - \frac{2}{x}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{\sqrt{-x \left(1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}\right)}}{\sqrt{-x \left(1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}\right)}} - \frac{3}{x}$$
p://www.onefd.ed

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \to -\infty} -\sqrt{1 + \frac{2}{x} + \frac{8}{x^2}} - \frac{3}{x} = -1$$

$$\lim_{x \to -\infty} \left[ f(x) + x \right] = \lim_{x \to -\infty} \sqrt{x^2 + 2x + 8} - 3 + x$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{\left[ \sqrt{x^2 + 2x + 8} - (x + 3) \left[ \sqrt{x^2 + 2x + 8} + (-x + 3) \right] \right]}{\left[ \sqrt{x^2 + 2x + 8} + (-x + 3) \right]}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{\left( x^2 + 2x + 8 \right) - (-x + 3)^2}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x^2 + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{8x - 1}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

$$= \lim_{x \to -\infty} \frac{x + 2x + 8 - x + 3}{\sqrt{x^2 + 2x + 8} - x + 3}$$

ومنه: y=-x-4 هي معادلة مستقيم مقارب مائل عند  $-\infty$ 

الحساب:

$$f(0) \approx -0.17$$
 :  $e^{-0.17} = f(0) = \sqrt{8} - 3$ 
 $f(2) = \sqrt{16} - 3 = 1$ 
 $f(3) \approx 1.80$  ,  $f(3) = \sqrt{23} - 3$ 
 $f(-2) \approx -0.17$  ,  $f(-2) = \sqrt{8} - 3$ 
 $f(-4) = 1$ 

http://www.onefd.edu.dz

جميع الحقوق محفوظة (C)

$$f(-5) \approx 1,80$$
 ,  $f(-5) = \sqrt{23} - 3$ 

$$f(-5) = \sqrt{23} - 3$$

:(C) إنشاء

